

DESAFIO WEEKEND
TEMA: FUNÇÃO QUADRÁTICA

DATA: ___/___/2021.

NOME:

MATEMÁTICA

QUESTÃO 01

(ENEM/2020) Em um ano, uma prefeitura apresentou o relatório de gastos públicos realizados pelo município. O documento mostra que foram gastos 72 mil reais no mês de janeiro (mês 1), que o maior gasto mensal ocorreu no mês de agosto (mês 8) e que a prefeitura gastou 105 mil reais no mês de dezembro (mês 12). A curva que modela esses gastos é a parábola $y = T(x)$, com x sendo o número correspondente ao mês e $T(x)$, em milhar de real.

A expressão da função cujo gráfico é o da parábola descrita é

- (A) $T(x) = -x^2 + 16x + 57$.
- (B) $T(x) = -11/16 x^2 + 11x + 72$.
- (C) $T(x) = 3/5 x^2 - 24/5 x + 381/5$.
- (D) $T(x) = -x^2 - 16x + 87$.
- (E) $T(x) = 11/6 x^2 - 11/2 x + 72$.

QUESTÃO 02

(ENEM/2020) Uma empresa de chocolates consultou o gerente de produção e verificou que existem cinco tipos diferentes de barras de chocolate que podem ser produzidas, com os seguintes preços no mercado:

- Barra I: R\$ 2,00;
- Barra II: R\$ 3,50;
- Barra III: R\$ 4,00;
- Barra IV: R\$ 7,00;
- Barra V: R\$ 8,00.

Analisando as tendências do mercado, que incluem a quantidade vendida e a procura pelos consumidores, o gerente de vendas da empresa verificou que o lucro L com a venda de barras de chocolate é expresso pela função $L(x) = -x^2 + 14x - 45$, em que x representa o preço da barra de chocolate.

A empresa decide investir na fabricação da barra de chocolate cujo preço praticado no mercado renderá o maior lucro.

Nessas condições, a empresa deverá investir na produção da barra

- (A) I
- (B) II
- (C) III
- (D) IV
- (E) V

QUESTÃO 03

(ENEM/2019) Para certas molas, a constante elástica (C) depende do diâmetro médio da circunferência da mola (D), do número de espirais úteis (N), do diâmetro (d) do fio de metal do qual é formada a mola e do módulo de elasticidade do material (G). A fórmula evidencia essas relações de dependência.

$$C = \frac{G \cdot d^4}{8 \cdot D^3 \cdot N}$$

O dono de uma fábrica possui uma mola M_1 em um de seus equipamentos, que tem características D_1 , d_1 , N_1 e G_1 , com uma constante elástica C_1 . Essa mola precisa ser substituída por outra, M_2 , produzida com outro material e com características diferentes, bem como uma nova constante elástica C_2 , da seguinte maneira: I) $D_2 = D_1/3$; II) $d_2 = 3d_1$; III) $N_2 = 9N_1$. Além disso, a constante de elasticidade G_2 do novo material é igual a $4 G_1$.

O valor da constante C_2 em função da constante C_1 é

- (A) $C_2 = 972 \cdot C_1$
- (B) $C_2 = 108 \cdot C_1$
- (C) $C_2 = 4 \cdot C_1$
- (D) $C_2 = 4/3 \cdot C_1$
- (E) $C_2 = 4/9 \cdot C_1$

QUESTÃO 04

(ENEM/2019) No desenvolvimento de um novo remédio, pesquisadores monitoram a quantidade Q de uma substância circulando na corrente sanguínea de um paciente, ao longo do tempo t . Esses pesquisadores controlam o processo, observando que Q é uma função quadrática de t . Os dados coletados nas duas primeiras horas foram:

t (hora)	0	1	2
Q (miligrama)	1	4	6

Para decidir se devem interromper o processo, evitando riscos ao paciente, os pesquisadores querem saber, antecipadamente, a quantidade da substância que estará circulando na corrente sanguínea desse paciente após uma hora do último dado coletado

Nas condições expostas, essa quantidade (em miligrama) será igual a

- (A) 4
- (B) 7
- (C) 8
- (D) 9
- (E) 10

QUESTÃO 05

(ENEM/2019) Uma equipe de cientistas decidiu iniciar uma cultura com exemplares de uma bactéria, em uma lâmina, a fim de determinar o comportamento dessa população. Após alguns dias, os cientistas verificaram os seguintes fatos:

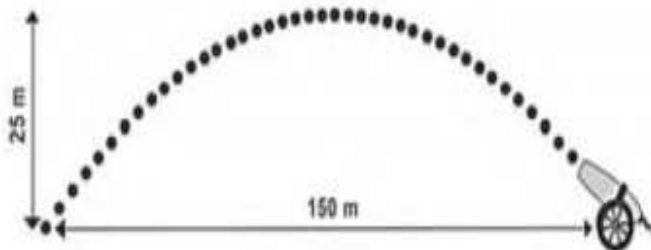
- a cultura cresceu e ocupou uma área com o formato de um círculo;
- o raio do círculo formado pela cultura de bactérias aumentou 10% a cada dia;
- a concentração na cultura era de 1 000 bactérias por milímetro quadrado e não mudou significativamente com o tempo.

Considere que r representa o raio do círculo no primeiro dia, Q a quantidade de bactérias nessa cultura no decorrer do tempo e d o número de dias transcorridos. Qual é a expressão que representa Q em função de r e d ?

- (A) $Q = (10^3 (1,1)^{d-1} r)^2 \pi$.
 (B) $Q = 10^3 (1,1)^{d-1} r^2 \pi$.
 (C) $Q = 10^3 (1,1 (d-1) r)^2 \pi$.
 (D) $Q = 2 \times 10^3 (1,1)^{d-1} r \pi$.
 (E) $Q = 2 \times 10^3 (1,1 (d-1) r) \pi$.

**QUESTÃO 06**

(ENEM/2018) Um projétil é lançado por um canhão e atinge o solo a uma distância de 150 metros do ponto de partida. Ele percorre uma trajetória parabólica, e a altura máxima que atinge em relação ao solo é de 25 metros.



Admita um sistema de coordenadas xy em que no eixo vertical y está representada a altura e no eixo horizontal x está representada a distância, ambas em metro. Considere que o canhão está no ponto $(150; 0)$ e que o projétil atinge o solo no ponto $(0; 0)$ do plano xy .

A equação da parábola que representa a trajetória descrita pelo projétil é

- (A) $y = 150x - x^2$.
 (B) $y = 3750x - 25x^2$.
 (C) $75y = 300x - 2x^2$.
 (D) $125y = 450x - 3x^2$.
 (E) $225y = 150x - x^2$.

QUESTÃO 07

(ENEM/2013) Uma pequena fábrica vende seus bonés em pacotes com quantidades de unidades variáveis. O lucro obtido é dado pela expressão $L(x) = -x^2 + 12x - 20$, onde x representa a quantidade de bonés contidos no pacote. A empresa pretende fazer um único tipo de empacotamento, obtendo um lucro máximo.

Para obter o lucro máximo nas vendas, os pacotes devem conter uma quantidade de bonés igual a

- (A) 4
 (B) 6
 (C) 9
 (D) 10
 (E) 14



QUESTÃO 08

(ENEM/2015) Um meio de transporte coletivo que vem ganhando espaço no Brasil é a *van*, pois realiza, com relativo conforto e preço acessível, quase todos os tipos de transportes: escolar e urbano, intermunicipal e excursões em geral.

O dono de uma van, cuja capacidade máxima é de 15 passageiros, cobra para uma excursão até a capital de seu estado R\$ 60,00 de cada passageiro. Se não atingir a capacidade máxima da van, cada passageiro pagará mais R\$ 2,00 por lugar vago.

Sendo x o número de lugares vagos, a expressão que representa o valor arrecadado $V(x)$, em reais, pelo dono da van, para uma viagem até a capital é

- (A) $V(x) = 902x$
- (B) $V(x) = 930x$
- (C) $V(x) = 900 + 30x$
- (D) $V(x) = 60x + 2x^2$
- (E) $V(x) = 900 - 30x - 2x^2$

QUESTÃO 09

(ENEM/2017) Um túnel deve ser lacrado com uma tampa de concreto. A seção transversal do túnel e a tampa de concreto têm contornos de um arco de parábola e mesmas dimensões. Para determinar o custo da obra, um engenheiro deve calcular a área sob o arco parabólico em questão. Usando o eixo horizontal no nível do chão e o eixo de simetria da parábola como eixo vertical, obteve a seguinte equação para a parábola: $y = 9 - x^2$, sendo x e y medidos em metros.

Sabe-se que a área sob uma parábola como esta é igual a $\frac{2}{3}$ da área do retângulo cujas dimensões são, respectivamente, iguais à base e à altura da entrada do túnel.

Qual é a área da parte frontal da tampa de concreto, em metro quadrado?

- (A) 18
- (B) 20
- (C) 36
- (D) 45
- (E) 54

QUESTÃO 10

(ENEM/2010) A temperatura T de um forno (em graus centígrados) é reduzida por um sistema a partir do instante de seu desligamento ($t = 0$) e varia de acordo com a expressão

$$T(t) = -\frac{t^2}{4} + 400$$

com t em minutos. Por motivos de segurança, a trava do forno só é liberada para abertura quando o forno atinge a temperatura de 39°C .

Qual o tempo mínimo de espera, em minutos, após se desligar o forno, para que a tampa possa ser aberta?

- (A) 19,0
- (B) 19,8
- (C) 20,0
- (D) 38,0
- (E) 39,0

GABARITO

- Questão 01 – A
- Questão 02 – D
- Questão 03 – A
- Questão 04 – B
- Questão 05 – B
- Questão 06 – E
- Questão 07 – B
- Questão 08 – E
- Questão 09 – C
- Questão 10 – D