

NOME:

MATEMÁTICA

HABILIDADE

- H3 - Resolver situação-problema envolvendo conhecimentos numéricos.
- H5 - Avaliar propostas de intervenção na realidade utilizando conhecimentos numéricos.
- H12 - Resolver situação-problema que envolva medidas de grandezas.
- H21 - Resolver situação-problema cuja modelagem envolva conhecimentos algébricos.

QUESTÃO 01

(ENEM-PPL/2010) Um laticínio possui dois reservatórios de leite. Cada reservatório é abastecido por uma torneira acoplada a um tanque resfriado. O volume, em litros, desses reservatórios depende da quantidade inicial de leite no reservatório e do tempo t , em horas, em que as duas torneiras ficam abertas. Os volumes dos reservatórios são dados pelas funções

$$V_1(t) = 250t^3 - 100t + 3000 \text{ e } V_2(t) = 150t^3 + 69t + 3000.$$

Depois de aberta cada torneira, o volume de leite de um reservatório é igual ao do outro no instante $t = 0$ e, também, no tempo t igual a

- (A) 1,3 h.
- (B) 1,69 h.
- (C) 10,0 h.
- (D) 13,0 h.
- (E) 16,9 h.

QUESTÃO 02

(ENEM-DIGITAL/2020) Em um ano, uma prefeitura apresentou o relatório de gastos públicos realizados pelo município. O documento mostra que foram gastos 72 mil reais no mês de janeiro (mês 1), que o maior gasto mensal ocorreu no mês de agosto (mês 8) e que a prefeitura gastou 105 mil reais no mês de dezembro (mês 12). A curva que modela esses gastos é a parábola $y = T(x)$, com x sendo o número correspondente ao mês e $T(x)$, em milhar de real.

A expressão da função cujo gráfico é o da parábola descrita é

- (A) $T(x) = -x^2 + 16x + 57$.
- (B) $T(x) = -11/16 x^2 + 11x + 72$.
- (C) $T(x) = 3/5 x^2 - 24/5 x + 381/5$.
- (D) $T(x) = -x^2 - 16x + 87$.
- (E) $T(x) = 11/6 x^2 - 11/2x + 72$.

QUESTÃO 03

(ENEM-DIGITAL/2020) Uma empresa de chocolates consultou o gerente de produção e verificou que existem cinco tipos diferentes de barras de chocolate que podem ser produzidas, com os seguintes preços no mercado:

- Barra I: R\$ 2,00;
- Barra II: R\$ 3,50;
- Barra III: R\$ 4,00;
- Barra IV: R\$ 7,00;
- Barra V: R\$ 8,00.

Analisando as tendências do mercado, que incluem a quantidade vendida e a procura pelos consumidores, o gerente de vendas da empresa verificou que o lucro L com a venda de barras de chocolate é expresso pela função $L(x) = -x^2 + 14x - 45$, em que x representa o preço da barra de chocolate.

A empresa decide investir na fabricação da barra de chocolate cujo preço praticado no mercado renderá o maior lucro.

Nessas condições, a empresa deverá investir na produção da barra

- (A) I.
- (B) II.
- (C) III.
- (D) IV.
- (E) V.

**QUESTÃO 04**

(ENEM-PPL/2019) Para certas molas, a constante elástica (C) depende do diâmetro médio da circunferência da mola (D), do número de espirais úteis (N), do diâmetro (d) do fio de metal do qual é formada a mola e do módulo de elasticidade do material (G). A fórmula evidencia essas relações de dependência.

$$C = \frac{G \cdot d^4}{8 \cdot D^3 \cdot N}$$

O dono de uma fábrica possui uma mola $M1$ em um de seus equipamentos, que tem características $D1$, $d1$, $N1$ e $G1$, com uma constante elástica $C1$. Essa mola precisa ser substituída por outra, $M2$, produzida com outro material e com características diferentes, bem como uma nova constante elástica $C2$, da seguinte maneira: I) $D2 = D1/3$; II) $d2 = 3d1$; III) $N2 = 9N1$. Além disso, a constante de elasticidade $G2$ do novo material é igual a $4 G1$.

O valor da constante $C2$ em função da constante $C1$ é

- (A) $C_2 = 972 \cdot C_1$.
- (B) $C_2 = 108 \cdot C_1$.
- (C) $C_2 = 4 \cdot C_1$.
- (D) $C_2 = 4/3 \cdot C_1$.
- (E) $C_2 = 4/9 \cdot C_1$.



QUESTÃO 05

(ENEM-PPL/2019) No desenvolvimento de um novo remédio, pesquisadores monitoram a quantidade Q de uma substância circulando na corrente sanguínea de um paciente, ao longo do tempo t . Esses pesquisadores controlam o processo, observando que Q é uma função quadrática de t . Os dados coletados nas duas primeiras horas foram:

t (hora)	0	1	2
Q (miligrama)	1	4	6

Para decidir se devem interromper o processo, evitando riscos ao paciente, os pesquisadores querem saber, antecipadamente, a quantidade da substância que estará circulando na corrente sanguínea desse paciente após uma hora do último dado coletado.

Nas condições expostas, essa quantidade (em miligrama) será igual a

- (A) 4.
- (B) 7.
- (C) 8.
- (D) 9.
- (E) 10.

QUESTÃO 06

(ENEM-PPL/2019) Uma equipe de cientistas decidiu iniciar uma cultura com exemplares de uma bactéria, em uma lâmina, a fim de determinar o comportamento dessa população. Após alguns dias, os cientistas verificaram os seguintes fatos:

- a cultura cresceu e ocupou uma área com o formato de um círculo;
- o raio do círculo formado pela cultura de bactérias aumentou 10% a cada dia;
- a concentração na cultura era de 1 000 bactérias por milímetro quadrado e não mudou significativamente com o tempo.

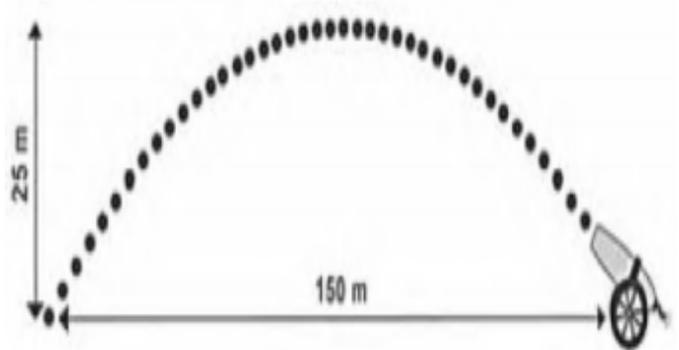
Considere que r representa o raio do círculo no primeiro dia, Q a quantidade de bactérias nessa cultura no decorrer do tempo e d o número de dias transcorridos.

Qual é a expressão que representa Q em função de r e d ?

- (A) $Q = (10^3 (1,1)^{d-1} r)^2 \pi$
- (B) $Q = 10^3 ((1,1)^{d-1} r)^2 \pi$
- (C) $Q = 10^3 (1,1 (d-1) r)^2 \pi$
- (D) $Q = 2 \times 10^3 (1,1)^{d-1} r \pi$
- (E) $Q = 2 \times 10^3 (1,1 (d-1) r) \pi$

**QUESTÃO 07**

(ENEM-PPL/2018) Um projétil é lançado por um canhão e atinge o solo a uma distância de 150 metros do ponto de partida. Ele percorre uma trajetória parabólica, e a altura máxima que atinge em relação ao solo é de 25 metros.



Admita um sistema de coordenadas xy em que no eixo vertical y está representada a altura e no eixo horizontal x está representada a distância, ambas em metro. Considere que o canhão está no ponto $(150; 0)$ e que o projétil atinge o solo no ponto $(0; 0)$ do plano xy .

A equação da parábola que representa a trajetória descrita pelo projétil é

- (A) $y = 150x - x^2$.
- (B) $y = 3750x - 25x^2$.
- (C) $75y = 300x - 2x^2$.
- (D) $125y = 450x - 3x^2$.
- (E) $225y = 150x - x^2$.



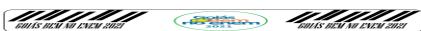
QUESTÃO 08

(ENEM/2016) Um túnel deve ser lacrado com uma tampa de concreto. A seção transversal do túnel e a tampa de concreto têm contornos de um arco de parábola e mesmas dimensões. Para determinar o custo da obra, um engenheiro deve calcular a área sob o arco parabólico em questão. Usando o eixo horizontal no nível do chão e o eixo de simetria da parábola como eixo vertical, obteve a seguinte equação para a parábola: $y = 9 - x^2$, sendo x e y medidos em metros.

Sabe-se que a área sob uma parábola como esta é igual a $\frac{2}{3}$ da área do retângulo cujas dimensões são, respectivamente, iguais à base e à altura da entrada do túnel.

Qual é a área da parte frontal da tampa de concreto, em metro quadrado?

- (A) 18
- (B) 20
- (C) 36
- (D) 45
- (E) 54

QUESTÃO 09

(ENEM/2013) A temperatura T de um forno (em graus centígrados) é reduzida por um sistema a partir do instante de seu desligamento ($t = 0$) e varia de acordo com a expressão:

$$T(t) = -\frac{t^2}{4} + 400$$

com t em minutos. Por motivos de segurança, a trava do forno só é liberada para abertura quando o forno atinge a temperatura de 39°C .

Qual o tempo mínimo de espera, em minutos, após se desligar o forno, para que a porta possa ser aberta?

- (A) 19,0
- (B) 19,8
- (C) 20,0
- (D) 38,0
- (E) 39,0

**QUESTÃO 10**

(ENEM/2013) Uma pequena fábrica vende seus bonés em pacotes com quantidades de unidades variáveis. O lucro obtido é dado pela expressão $L(x) = -x^2 + 12x - 20$, onde x representa a quantidade de bonés contidos no pacote. A empresa pretende fazer um único tipo de empacotamento, obtendo um lucro máximo.

Para obter o lucro máximo nas vendas, os pacotes devem conter uma quantidade de bonés igual a

- (A) 4.
- (B) 6.
- (C) 9.
- (D) 10.
- (E) 14.

**GABARITO**

- Questão 01 – A
- Questão 02 – A
- Questão 03 – D
- Questão 04 – A
- Questão 05 – B
- Questão 06 – B
- Questão 07 – E
- Questão 08 – C
- Questão 09 – D
- Questão 10 – B